Analisi Matematica 1 (Informatica, Università di Cagliari), 2007/2008 Scritto Generale, 16 Settembre 2011, **VERSIONE UNICA**

es.1	es.2	es.3	es.4	es.5	es.6	es.7	somma	amm.
4	4	4	5	5	4	4	30	S/N

1. Calcolare i seguenti limiti:

a)
$$a_n = \frac{19 - 4n^3}{2n^3}$$
, utilizzando la definizione del limite.

b)
$$a_n = \frac{15n^4 + 2n\sqrt{n} + 7}{13n + 8n^4 + 3}$$
.

2. Calcolare i seguenti limiti:

i)
$$\lim_{x \to +\infty} \left(\sqrt{x^2 + 4x + 18} - x - 5 \right);$$
 ii) $\lim_{x \to -3} \frac{\sin^2(x+3)}{(x+3)\ln(x+4)}.$

3. Calcolare f'(x) e determinare l'equazione della retta tangente nel punto $(x_0, f(x_0))$.

a)
$$f(x) = \ln(x + \sqrt{x^2 + 4}), x_0 = 0;$$

b)
$$f(x) = \arctan(\sqrt{3} \operatorname{tg}(x)), x_0 = (\pi/4).$$

4. Sia
$$f(x) = 2x(x^2 - 9)^2$$
.

- a) Determinare i massimi e minimi della f. Determinare dove la f è crescente e dove è decrescente.
- b) Determinare i punti di flesso della f. Determinare dove la f è convessa e dove è concava.
- c) Utilizzare le informazioni nelle parti a) e b) per tracciare il grafico della f.

5. Calcolare le seguenti funzioni primitive:

i)
$$\int \frac{2}{\cos^2(3x+1)} dx$$
; ii) $\int \frac{2x+5}{x^2+6x-7} dx$; iii) $\int \frac{5x}{\sqrt[5]{x^2+1}} dx$.

- 6. Sia $f:[0,20]\to\mathbb{R}$ una funzione continua.
 - a. Enunciare il teorema fondamentale del calcolo integrale.
 - b. Spiegare, tramite un disegno, come il suo integrale può essere definito tramite le somme di Riemann inferiori e superiori.
- 7. Determinare se i seguenti integrali generalizzati sono convergenti e, se lo sono, calcolarli.

i)
$$\int_0^\infty e^{-5x} dx, \quad ii) \quad \int_0^1 x \arctan(1/x) dx.$$